

1. A, B 두 사람이 동전을 던져 <보기>와 같이 승부를 결정할 때, A가 이길 확률은?

<보기>

한 개의 동전을 여러 회 던져 뒷면이 먼저 2회 나오면 A가 이기고, 앞면이 먼저 4회 나오면 B가 이기는 것으로 한다.

- ① $\frac{9}{16}$

② $\frac{11}{16}$
- ③ $\frac{13}{16}$

④ $\frac{15}{16}$

2. $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{3}{n} \left\{ \left(\frac{2}{n} + 1 \right)^3 + \left(\frac{4}{n} + 1 \right)^3 + \left(\frac{6}{n} + 1 \right)^3 + \cdots + \left(\frac{2n}{n} + 1 \right)^3 \right\}$ 의 값은?

- ① 10

② 20
- ③ 30

④ 40

3. $a > 1$ 일 때, $8a + \frac{2}{a-1}$ 의 최솟값은?

- ① 14

② 15
- ③ 16

④ 17

4. $\frac{996^3 - 3 \times 996 - 2}{996 \times 998 + 1}$ 의 값은?

- ① 992

② 994
- ③ 996

④ 998

5. 좌표 평면 위에서 두 직선 $l_1 : x + y + 3 = 0$,
 $l_2 : 4x - 3y + 1 = 0$ 이 이루는 각을 $\theta (0 \leq \theta < \pi)$ 라 할 때,
 $\sin \theta$ 의 값은?

- ① $\frac{\sqrt{2}}{2}$

② $\frac{3\sqrt{2}}{5}$
- ③ $\frac{2\sqrt{2}}{3}$

④ $\frac{7\sqrt{2}}{10}$

6. 공차가 정수인 등차수열 $\{a_n\}$ 에 대하여 $a_1 = 1$, $a_5 < 30$,
 $a_9 > 50$ 일 때, $a_n = 190$ 을 만족시키는 n 의 값은?

- ① 26

② 27
- ③ 28

④ 29

7. 다항식 $x^4 - 1$ 을 $x - 2$ 로 나누었을 때,
몫이 $a_0 + a_1x + a_2x^2 + a_3x^3$ 이다. $a_0 + 9a_2$ 의 값은?

- ① 23

② 24
- ③ 25

④ 26

8. 자연수를 원소로 갖는 두 집합 $A = \{a_1, a_2, a_3, a_4\}$,
 $B = \{\sqrt{a_1}, \sqrt{a_2}, \sqrt{a_3}, \sqrt{a_4}\}$ 가 <보기>의 조건을
모두 만족시킬 때, $a_4 - a_1$ 의 값은?

<보기>

(㉠) $a_1 < a_2 < a_3 < a_4$ 이고 $a_1 + a_2 = 13$
(㉡) $A \cap B = \{a_1, a_2\}$

- ① 77

② 79
- ③ 81

④ 83

9. 다항식 $(1+x)^4(2x+3)$ 의 전개식에서 x^3 의 계수는?

- ① 24

② 25
- ③ 26

④ 27

10. 실수 a, b 에 대하여 이차방정식 $x^2 + ax + b = 0$ 의 한 근이
 $\alpha = 1 + i$ 일 때 다른 한 근을 β 라 하자. $\left(\frac{1}{\alpha}\right)^3 + \left(\frac{1}{\beta}\right)^3$ 의
값은? (단, $i = \sqrt{-1}$)

- ① $-\frac{1}{2}$

② 0
- ③ $\frac{1}{2}$

④ 1

11. 함수 $g(x)$ 가 $g(x)=\begin{cases} 4x-1 & (x \leq 1) \\ 2+2x & (x > 1) \end{cases}$ 이고 다항함수 $f(x)$ 가

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{f(x)}{x^2 - 2x} = 2, \quad \lim_{x \rightarrow 3} \frac{f(x)}{2x - 6} = m$$

을 만족시킨다. 함수 $h(x) = f(x)g(x)$ 가 $x=1$ 에서 연속이 되도록 하는 상수 m 의 값은?

- ① -1 ② 0
③ 1 ④ 2

12. 수열 $\{a_n\}$ 이 모든 자연수 n 에 대하여

$$(2a_1 + 3) + (2a_2 + 3) + \cdots + (2a_n + 3) = 3n^2 + 2n$$

을 만족시킬 때, $\sum_{n=1}^5 \frac{1}{a_n a_{n+1}}$ 의 값은?

- ① $\frac{3}{16}$ ② $\frac{5}{16}$
③ $\frac{7}{16}$ ④ $\frac{9}{16}$

13. 다항식 $f(x)$ 가 모든 실수 x 에 대하여

$$f(x-2) + f(x) + f(x+2) = x^3 + 2x^2 + 7x + 8$$

을 만족시킬 때, $\int_{-3}^3 f(x)dx$ 의 값은?

- ① $\frac{52}{3}$ ② $\frac{53}{3}$
③ $\frac{55}{3}$ ④ $\frac{56}{3}$

14. $\sin\theta + \cos\theta = \frac{\sqrt{2}}{2}$ 일 때, $\sin^4\theta + \cos^4\theta + 3\sin\theta\cos\theta$ 의 값은?

- ① $\frac{1}{8}$ ② $\frac{1}{4}$
③ $\frac{3}{8}$ ④ $\frac{1}{2}$

15. 쌍곡선 $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{5} = 1$ 의 두 초점을 F, F'이라 하자. 쌍곡선 위의 한 점 P에 대하여 삼각형 PFF'의 둘레의 길이가 14일 때, $|\overline{PF}^2 - \overline{PF'}^2|$ 의 값은?

- ① 30 ② 32
③ 34 ④ 36

16. 이산확률변수 X 의 확률분포표가 <보기>와 같다. $E(X) = 3$ 일 때, X 의 분산은? (단, a, p 는 상수이다.)

<보기>				
X	a	4	6	합계
$P(X=x)$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{4}$	p	1

- ① 4 ② $\frac{9}{2}$
③ 5 ④ $\frac{11}{2}$

17. 방정식 $x^4 - 2x^3 + 1 = 0$ 의 서로 다른 실근의 개수는?

- ① 1 ② 2
③ 3 ④ 4

18. 빗변의 길이가 2이고 한 각이 15° 인 직각삼각형의 넓이는?

- ① $\frac{1}{4}$ ② $\frac{1}{2}$
③ $\frac{\sqrt{3}}{2}$ ④ $\sqrt{3}$

19. 포물선 $y^2 = 8x$ 와 직선 $y = 8x - 2$ 로 둘러싸인 영역의 넓이는?

- ① $\frac{9}{16}$ ② $\frac{9}{8}$
③ $\frac{21}{16}$ ④ $\frac{21}{8}$

20. 연이율 2%일 때, 1,000,000원을 정기예금에 예치하면 a 년 후에 2,000,000원이 된다. a 의 값은?

(단, $\log_{10} 2 = 0.3010$, $\log_{10} 1.02 = 0.0086$ 이고, 이자는 매년마다 복리로 계산한다.)

- ① 20 ② 25
③ 30 ④ 35